

870115

9
24

UNIVERSIDAD AUTONOMA DE GUADALAJARA

Incorporada a la Universidad Nacional Autónoma de México

ESCUELA DE INGENIERIA CIVIL



TESIS CON
FALLA DE ORIGEN

COMPARATIVA DE RESULTADOS ESTRUCTURALES
BAJO DIFERENTES CRITERIOS.

TESIS PROFESIONAL

QUE PARA OBTENER EL TITULO DE:
INGENIERO CIVIL
P R E S E N T A
HECTOR ESPINOSA PEREZ
GUADALAJARA, JALISCO SEPTIEMBRE 1988



UNAM – Dirección General de Bibliotecas

Tesis Digitales
Restricciones de uso

DERECHOS RESERVADOS ©
PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL

Todo el material contenido en esta tesis está protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (Méjico).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

INTRODUCCION

Un analisis tiene por objeto resolver un problema por medio del Algebra.

El analisis estructural nos muestra el comportamiento de cada elemento que compone la estructura, las solicitudes o esfuerzos a que estan sometidos dichos elementos, asi como, los desplazamientos que sufren ciertos puntos de la estructura; bajo el efecto de alguna accion.

Existen diversos metodos de analisis estructural, las diferencias que distinguen a cada metodo son las restricciones que se le dan a los nudos de la estructura. Algunos de estos metodos se les llama de "Aproximaciones Sucesivas" como son el de "Cross" y "Kani", a otros se les denomina "Metodos Matriciales".

Los metodos tradicionales, como es el "Kani", desprecian los desplazamientos verticales originados por cargas de gravedad, por lo tanto no existe el momento flexionante debido a la traslacion relativa o distorsion vertical entre los dos extremos de un elemento, que seria la trabe en el caso del analisis de un marco por gravedad.

Uno de los objetivos de este trabajo es dar a conocer la importancia de este efecto de distorsion vertical en los analisis de marcos de gravedad de edificios altos. Una variable importante en los efectos de distorsion vertical o traslacion relativa entre los dos extremos de los elementos horizontales de un marco, es la

representación real de la estructura en el modelo matemático. Esto es, considerar debidamente las cargas que van a ocasionar el efecto de distorsión en cada elemento, lo cual es importante en el análisis por cargas muertas, ya que estas cargas van presentándose conforme la estructura va siendo construida.

Por ejemplo, en un edificio de 25 niveles las cargas muertas del nivel 50, no ocasionan desplazamientos o distorsiones verticales en el nivel 100, ya que, para cuando se constituye el nivel 100., las cargas muertas del nivel 50, ya empiezan a actuar y los desplazamientos verticales debidos a estos cargas se presentaron en la estructura cuando todavía no existía el nivel 100. Sin embargo en un análisis convencional utilizando un método que considera desplazamientos verticales y desgana un modelo de la estructura total con las cargas actuando en todos los niveles, por lo tanto las cargas muertas de cada nivel ocasionaría desplazamientos verticales en todos los niveles, lo cual no sucede en la realidad por lo antes expuesto. Bajo estos criterios, en este trabajo se muestra la diferencia de resultados obtenidos con un análisis convencional y un análisis hecho con varios modelos con sus respectivas cargas actuantes, para una sola estructura, de un edificio de 25 niveles.

El objetivo principal de este trabajo es dar a conocer un criterio para elaborar el modelo matemático para el análisis de una estructura, por cargas muertas, para cuando se utilicen métodos de análisis que consideren desplazamientos verticales de los nudos. A este criterio para llevar a cabo un análisis le llamare "análisis por etapas".

Llamaré "análisis convencional" al criterio con el cual se analiza a la estructura total en un solo modelo y que el método de análisis considere desplazamientos verticales en los nudos de la estructura; y "análisis por etapas" aquel criterio bajo el cual se analiza a la estructura total en varios modelos y que para obtener el resultado total se utilice la teoría de superposición.

Cabe hacer notar que la diferencia de resultados de un "análisis convencional" y un "análisis por etapas" es más notoria cuando se trata de una estructura de concreto reforzado, pues las cargas efectivas totales de un entramado se presentan casi a un mismo tiempo. Sin embargo en una estructura de acero no sucede así, ya que primero se construyen todos los medios estructurales y posteriormente aparece el resto de la carga suelta, como puede ser, tosa de entramado, muros, etc. Por lo tanto el criterio "análisis por etapas" se recomienda para estructuras de concreto, cuando tienen más de un número dado de niveles, por ejemplo para mas de 25 niveles, que es aproximadamente cuando empieza a ser considerable la diferencia de resultados entre los dos análisis.

En el presente trabajo se analiza con el criterio "análisis convencional" y con el criterio "análisis por etapas", una estructura de concreto de 25 niveles. En el siguiente capítulo se explica la forma de ir construyendo y analizando los diferentes modelos para el criterio "análisis por etapas". En el capítulo tercero se presentan los resultados obtenidos.

MODELO MATEMATICO

Modelo matematico es la representacion teorica de la estructura, que se elabora para su comprension y el estudio de su comportamiento bajo ciertas cargas actuantes.

La elaboracion de modelos para el criterio "analisis por etapas" se basa en una secuencia fija o programacion de construccion de la estructura, esto es, se fija un periodo entre cada piso dividido por niveles y la aparicion de cargas de la estructura; una vez fijados estos parametros se construyen los modelos con sus cargas actuantes correspondientes.

Se tomo como modelo de comparacion un edificio de 25 niveles que se destinara para oficinas, con la geometria que muestra la figura 1.

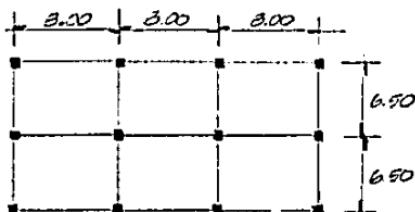


FIGURA 1. PLANTA

Y se escogio el marco de dos crucias con claros de 6.50 mts.(ver figura 2) para analizarlo con el criterio de "analisis convencional" y con el de "analisis por etapas", y hacer una comparacion de resultados de ambos criterios.

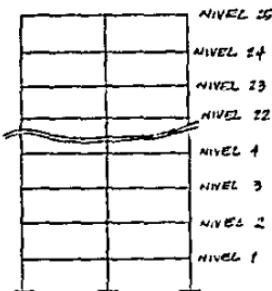


FIGURA 2. MARCO

En este trabajo se comparan las consideraciones que se toman, y los resultados que se obtienen del criterio "análisis convencional" de un marco de un edificio de mas de 25 niveles con las consideraciones y resultados que se obtienen bajo el criterio, el cual considero ser mas realista, "análisis por etapas". Los resultados varian de un análisis a otro cuando se consideran únicamente cargas muertas.

Basicamente lo que diríere del criterio "análisis convencional" y del criterio "análisis por etapas", en cuanto a las consideraciones que se toman, es en los modelos geometricos de los marcos y en las condiciones de cargas actuantes.

Por ejemplo en el criterio "análisis convencional" para un marco de 25 niveles se analiza un solo modelo de 25 niveles con sus cargas muertas actuando respectivamente en cada nivel; y en

el criterio "análisis por etapas" consideramos para el mismo marco, 25 modelos testeos por el numero de niveles del marco. Los modelos son cada uno diferente del anterior, en su geometría y condición de carga, basandose para ello en el crecimiento real del edificio y en la secuencia con que van presentándose las cargas, esto es, los modelos van creciendo un nivel con respecto al anterior y las cargas que actúan en cada modelo se estudian en un ejemplo que más adelante veremos. Esto es, se va analizando el edificio de manera semejante a como se va construyendo, cada que aparece un nivel. O sea, las cargas que se van presentando entre un modelo y el siguiente, son cargas muertas, ya que las cargas vivas empiezan a actuar una vez terminado de construirse el edificio, por lo tanto no se consideran en los diferentes modelos para el criterio "análisis por etapas" sino que se consideran en un análisis convencional de toda la estructura para posteriormente sumar los resultados de dicho análisis a los resultados del "análisis por etapas" en cual considera únicamente las cargas muertas.

Después de haber analizado los 25 modelos del "análisis por etapas", se suman las solicitudes de cada elemento en particular, de los modelos en el cual haya participado dicho elemento, así como los desplazamientos de cada nudo.

Como lo mencione anteriormente, el criterio "análisis por etapas" es únicamente para el análisis estructural por cargas muertas. Y la razón por la cual considero al "análisis por etapas", ser más realista, es, que en este se considera la acción de las cargas con su estructura resistente real en el momento en

que empiezan a actuar, y en el criterio "análisis convencional" no. Por ejemplo, para un marco de 25 niveles, cuando se construye el nivel 12 la carga de dicho nivel afectara en desplazamientos verticales únicamente a los niveles inferiores del nivel 12, y en un análisis convencional se considera el modelo de 25 niveles con las cargas de todos los niveles y cada nivel es afectado erróneamente en desplazamientos verticales con las cargas de los niveles inferiores al nivel en cuestión.

DESCRIPCION DEL CRITERIO "ANALISIS POR ETAPAS"

Se supuso que los entrepisos se colaron cada 15 días y que tendremos durante la construcción del edificio los dos últimos entrepisos con puentes, o sea, que el peso propio de 3 losas (ultima, penúltima y antepenúltima, para cualquier techa en el avance de obra) se repartira o actuara en 2 losas (penúltima y antepenúltima); considerando para este fin que el concreto obtiene su modulo de elasticidad 16 días después de colado.

Lo anterior se ilustra con el siguiente ejemplo de un marco cualquiera y en donde consideraremos únicamente los pesos propios de los elementos tráves y losa que se supone igual a 1.0 por nivel:

Tenemos el siguiente diagrama de cuerpo libre del marco, como lo muestra la figura 3.

(sin promedios de
resistencia)

(con promedios de
resistencia)

(con promedios de
resistencia)

LOSA n+1

LOSA n

LOSA n-1

DIA DE COLADO

n+15

n

n-15

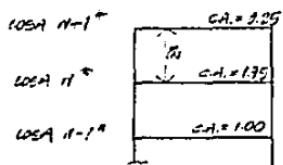
FIGURA 3. MODELO MATEMATICO EN
EL DIA n+15.

La ultima losa que se colo (losa n+1) fue en el dia n+15 teniendo puntales en la losa n (P_n) y en la n-1 (P_{n-1}). La carga total en el modelo es igual a 3.0 y sera resistida por la losa n y la n-1 (que tienen 15 y 30 dias de coladas, respectivamente), por lo tanto considerando una compatibilidad de deformaciones en la losa n y n-1 y que tienen el mismo modulo de elasticidad, la carga que resiste cada losa es igual a $3.0/2 = 1.5 = F_{n-1} = F_n$.

Al cumplirse 14 dias de haber colado la losa n+1 (dia n+29) se retiran los puntales inferiores (P_{n-1}), actuando en la losa n-1 únicamente su peso propio (1.0) y como anteriormente cargada 1.5 la diferencia la tomaran las dos losas superiores, equitativamente; por lo tanto la carga que actua en la losa n+1 es igual a $(1.5-1.0)/2 = 0.25$ y la que actua sobre la losa n es igual a $1.5 + 0.25 = 1.75$. Si sumamos la carga sobre la losa n-1, mas n y mas n+1, tenemos una carga total de 3.0, lo cual es correcto ya que hasta este momento tenemos únicamente tres

niveles. Ver figura 4.

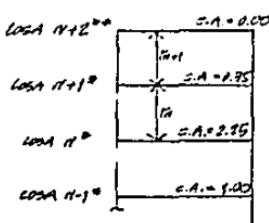
C.A.= CARGA ACTUANTE



* CON SUS PROPIEDADES DE RESISTENCIA.

FIGURA 4. CARGAS ACTUANTES EN CADA LOSA EL DIA M+29

El dia m+30 se cuelan la losa n+2 y su peso (1.0) la soportaran la losa n y n+1 por lo tanto la carga actuante sobre la losa n es igual a $1.75 + 1.0/2 = 2.25$ y en la losa n+1 es igual a $0.25 + 0.5 = 0.75$. Ver figura 5.



** SIN PROPIEDADES DE RESISTENCIA.

FIGURA 5. CARGAS ACTUANTES Y PUNTUALES EL DIA M+30.

A los 14 días de colada la losa n+2 (dia m+44) se retiran los puntales inferiores (P_n). Y la carga excedente al peso propio en la losa n ($2.25 - 1.0 = 1.25$) se reparte equitativamente sobre las losas n+1 y n+2. Ver figura 6.

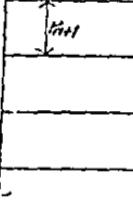
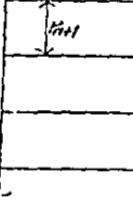
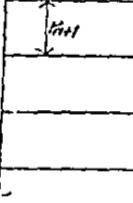
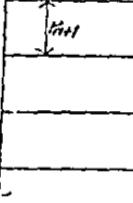
LESA n+2		C.A. = 0.625
LESA n+1		C.A. = 0.75 + 0.625 = 1.375
LESA n		C.A. = 1.0
LESA n-1		C.A. = 1.0

FIGURA 6. CARGAS ACTUANTES Y PUNTAS EN LA n+4.

El dia n+45 se cuele la lesa n+3 y repetimos otro ciclo de distribucion de cargas como anteriormente se analizo y así sucesivamente hasta llegar al ultimo entrapiso del modelo.

Las columnas se cuelean un dia despues de haber colgado cada lesa.

Para el ejemplo anterior las cargas actuantes en diferentes fechas se muestran en los diagramas de cuerpo libre de la figura 7.

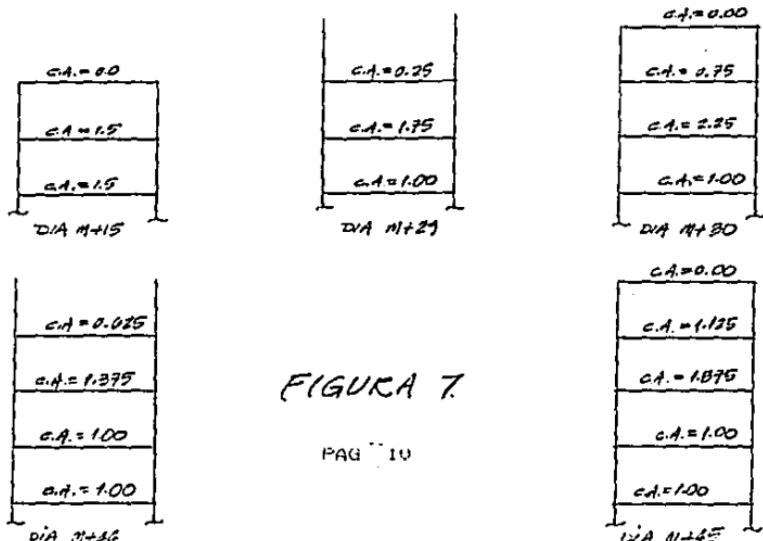


FIGURA 7.

Tomando en cuenta esta distribución de cargas y crecimiento de la estructura, los modelos que se tienen que analizar con sus respectivas cargas son los siguientes:

1.- El primer modelo sera para el dia $m+15$ con la geometria y condición de carga que muestra la figura 8.

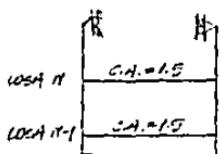


FIGURA 8.

2.- El segundo modelo para analizar sera el del dia $m+30$ con la geometria y condición de carga que tomamos de la figura 7, como se muestra en la figura 9.

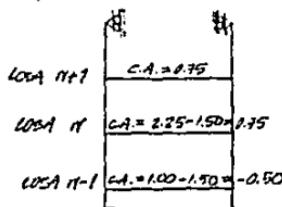


FIGURA 9.

Este dia ($m+30$) la carga actuante en la losa $n=1$ es de 1.0 y como en el primer modelo ya recibio 1.5, la carga en este modelo es de $(1.0 - 1.5 = -0.5)$. La carga que actua en la losa del nivel n es de 2.25 y como en el primer modelo ya recibio 1.5, la carga en este modelo es de $(2.25 - 1.5 = 0.75)$. La carga que actua en la losa del nivel $n+1$ es de 0.75 y como en el primer modelo no se considero este nivel (n+1) se aplicara para este segundo modelo la carga de 0.75.

3.- El tercer modelo para analizar sera el del dia $m+45$ con la geometria y condicion de carga, que tomamos de la figura 7, como se muestra en la figura 10.

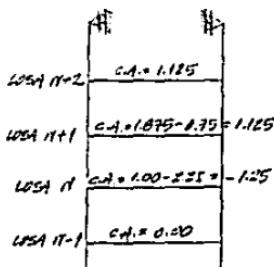


FIGURA 10.

Para este dia ($m+45$) el nivel $n=1$ sigue recibiendo una carga de 1.0, por lo tanto como no se incrementa la carga, su carga en este tercer modelo es de 0.0.

En la losa del nivel n esta actuando una carga de 1.0 y como llevamos acumulada de los modelos anteriores una carga de 2.25, la carga actuante para este tercer modelo sera de $1.0 - 2.25 =$

-1.125). Para la losa del nivel n+1 tenemos actuando en este dia (m+45) una carga de 1.875 y como llevamos acumulada de los modelos anteriores una carga de 0.75, la carga que actua en el tercer modelo es de (1.875 + 0.75 = 1.125).

La carga que esta actuando en el nivel n+2 es de 1.125 y debido a que en los modelos anteriores no teniamos este nivel, la carga actuante para este tercer modelo, en dicho nivel, sera de 1.125.

La solucion final es la suma de las solicitudes en cada elemento de todos los modelos.

Podemos notar de la figura 7 que tenemos 5 condiciones de carga y solamente analizamos 3 modelos, esto es debido a que el dia m+29 y m+30 tenemos prácticamente la misma estructura resistente, pero con diferentes cargas, por lo tanto tomamos la condicion de la fecha mas avanzada, ya que actua una mayor carga que el dia anterior. De igual manera para los dias m+44 y m+45.

Con el criterio anterior de "analisis por etapas" se construyeron los modelos con sus respectivas condiciones de carga para su analisis.

Las cargas que se consideraron actuando en la estructura fueron únicamente cargas muertas, o sea las cargas que van creciendo durante el proceso de construccion de la estructura, como son pesos propios de los elementos estructurales (trabes y losas), así como pesos de los componentes que forman el piso, esto es, hormigon, mortero, mosaico, ensarte; y por ultimo una densidad de muros de mamposteria de tabicon.

Estas cargas no se presentan todas al mismo tiempo, por lo

cual se dividieron en dos grupos, segun su fecha de inicio como acciones. Las primeras que empiezan a actuar, como son los pesos propios de los elementos estructurales, pertenecen al grupo 1; y al grupo 2 el resto de las cargas, o sea, pesos de hormigon, mortero, mosaico, enjarron y muros.

Se consideran divididas las cargas debido a que las del grupo 2 se presentan despues de haber colado 3 niveles superiores del nivel a que pertenecen. Por lo tanto cada grupo de cargas actua en diferente modelo. Por ejemplo, las cargas del grupo 1 del nivel n, se presentaran cuando sea colado dicho nivel y las cargas del grupo 2, del mismo nivel, se presentaran 15 dias despues de haber retirado los punitales del nivel n, esto es, cuando se esta colando el nivel n+4, 60 dias despues de haber colado el nivel n. Cabe recordar que anteriormente condicioneamos que los niveles se van colando cada 15 dias.

Las cargas que se consideraron para hacer una comparacion de resultados que se obtienen por el criterio "analisis por etapas" contra el criterio "analisis convencional" son:

Losa = 366. Kg./mt².

Hormigon + Mortero + Mosaico + Enjarron = 164. Kg./mt².

Muro actuando directamente sobre la trabe = 576. Kg./ml.

Trabe = 864. Kg./ml.

Por simplificacion se considera un ancho tributario de la losa sobre la trabe de 5.0 mts.

Esto nos da las siguientes cargas sobre la trabe:

Cargas del grupo 1:

$$w_1 = (366, \text{ Kg./mt}^2 \times 5, \text{ mts}) + 864, \text{ Kg./ml.} = 2694, \text{ Kg./ml.}$$

Cargas del grupo 2:

$$w_2 = (164, \text{ Kg./mt}^2 \times 5, \text{ mts}) + 876, \text{ Kg./ml.} = 1396, \text{ Kg./ml.}$$

Para hacer una comparacion de resultados se escogio un marco de 25 niveles con 2 crucetas de 6.50 mts., como ya se menciono al inicio de este capitulo. Y se analizo con los dos siguientes criterios:

1er. Criterio.- Método matricial convencional que si considera desplazamientos verticales en los nudos, pero analiza la estructura en un solo modelo. Criterio que he llamado "análisis convencional".

2do. Criterio.- Método matricial que si considera desplazamientos verticales en los nudos, y utiliza el criterio "análisis por etapas", para elaborar los modelos de análisis de la estructura.

Los resultados de estos dos análisis se incluyen en el siguiente capítulo.

COMPARATIVA DE RESULTADOS.

En este capítulo se presentan los momentos flexionantes que resultan de analizar una misma estructura mediante dos diferentes criterios de análisis estructural. Estos son:

1er. Criterio.- Método matricial de análisis que si considera el desplazamiento vertical de los nudos,

2do. Criterio.- Método matricial de análisis que si considera el desplazamiento vertical de los nudos y utiliza el criterio "Análisis por Etapas" en la elaboración de los modelos a analizar para una misma estructura o marco estructural.

El objetivo principal de la tesis es mostrar la diferencia de resultados que se obtienen utilizando cada criterio arriba mencionado y recomendar el 2do. criterio, ya que se considera puede ser el que nos de resultados mas semejantes al comportamiento real de la estructura.

Para llevar a cabo los análisis estructurales por los dos criterios se utilizó un programa para computadora escrito por el Dr. en Ing. Ramón Padilla Mora, quien utilizó el método de las flexibilidades.

El estudio se hizo en un marco con dos crucias de 6.50 mts. de claro cada una, de un edificio de 25 niveles. Para el segundo criterio se utilizaron 25 diferentes modelos, creados bajo el criterio expuesto en el capítulo anterior.

Cabe recordar que las cargas actuantes que se consideraron en los dos criterios en estudio, son únicamente las cargas muertas. Ya que son las cargas que originan diferencias de resultados entre los dos criterios.

En las figuras 11,12,13,14 y 15 se muestran los momentos flexionantes actuantes, en las tráves, del marco en estudio para los dos criterios considerados. Graficados, a una misma escala, en el modelo total de la estructura con la siguiente simbología:

Momento flexionante, en la trábe, analizando la estructura mediante el 1er. criterio.

Momento flexionante, en la trábe, analizando la estructura mediante el 2do. criterio.

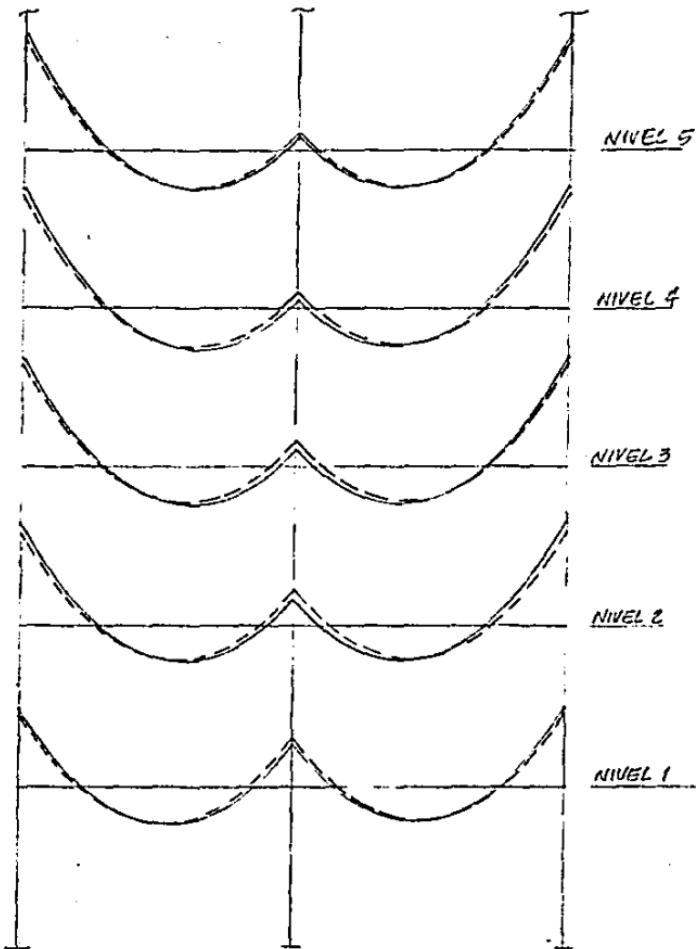


FIGURA 11

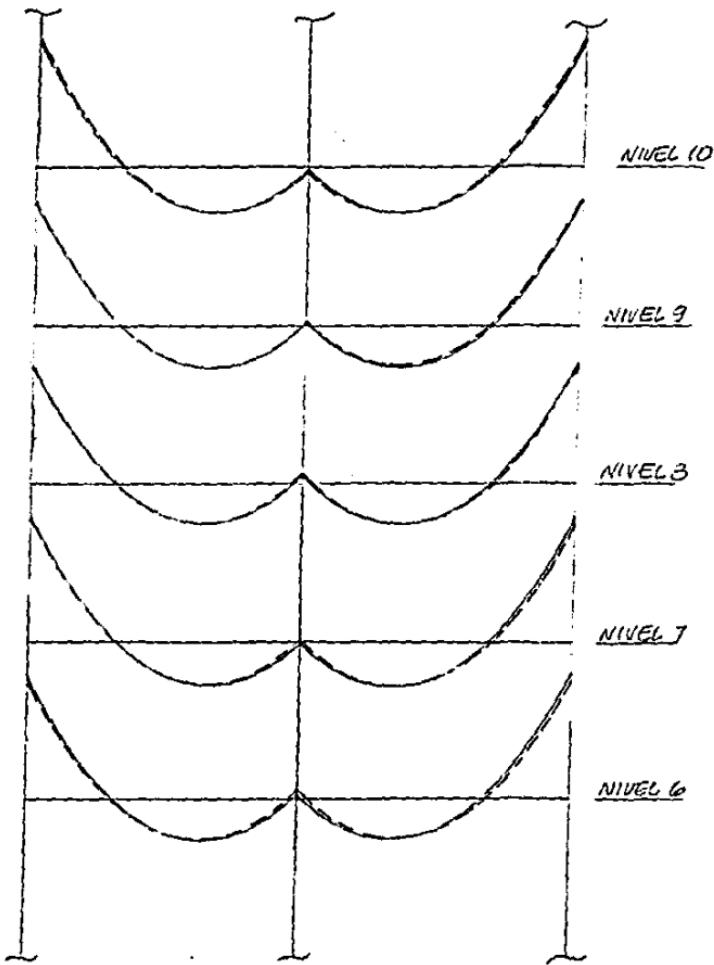


FIGURA 12

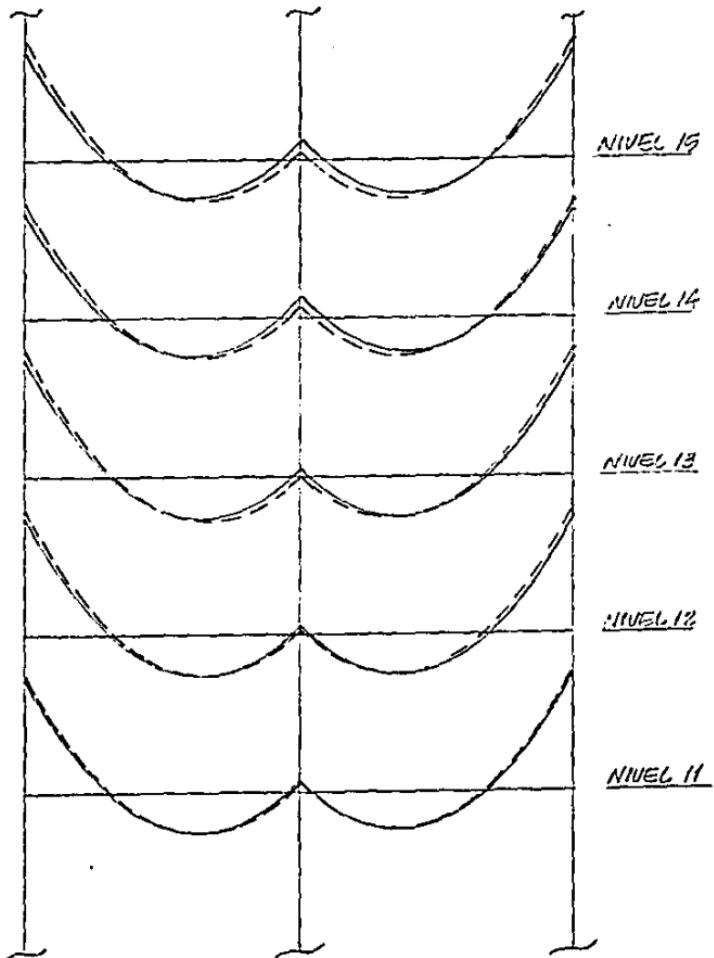


FIGURA 13

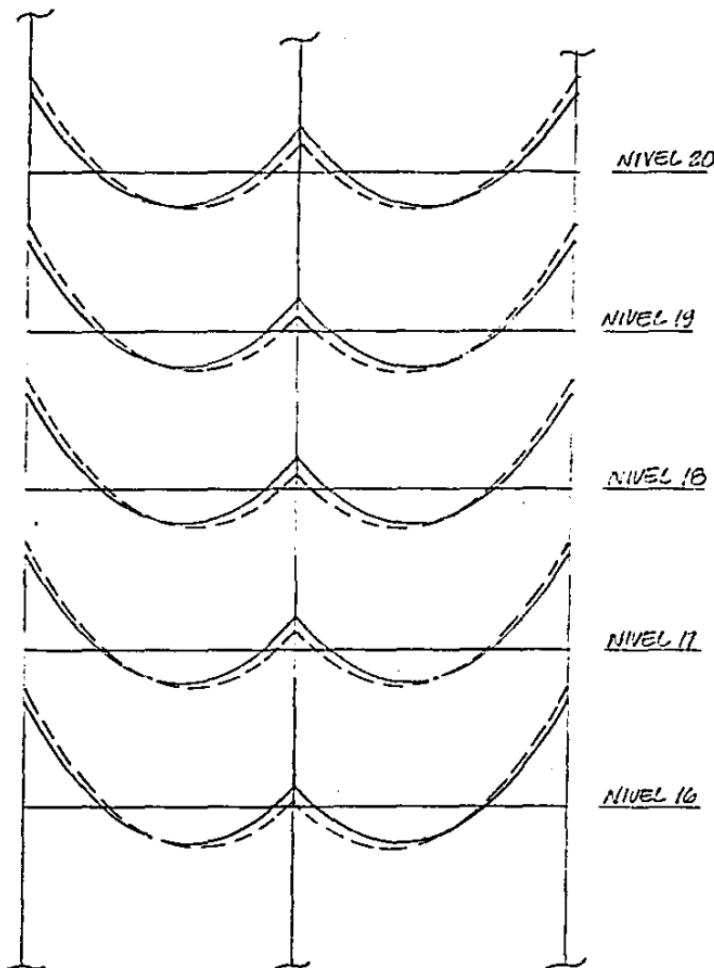


FIGURA 14

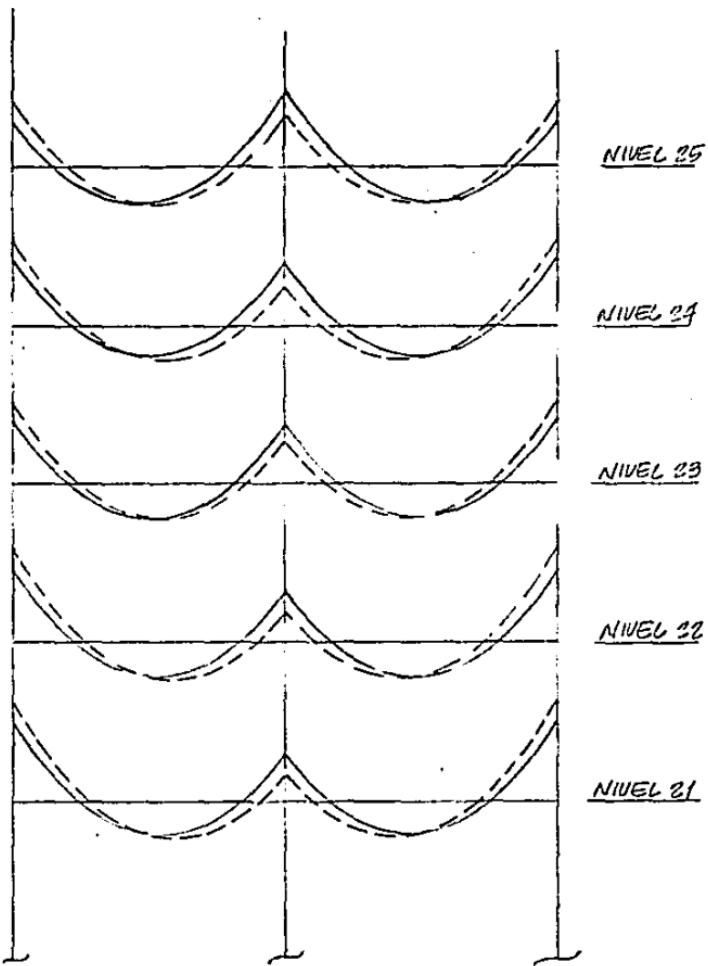


FIGURA 15

En los resultados obtenidos por los dos criterios se observo que para cada criterio se cumplió un mismo eje de simetría, localizado en el eje vertical de la columna central del marco, esto es, el momento flexionante en la trabe de cada nivel a una misma distancia a cada lado del eje de simetría, es el mismo. Por ejemplo, el momento flexionante en la trabe del nivel n en su apoyo columna extremo izquierdo, es del mismo valor, que el del su apoyo columna extremo derecho.

A continuación se presenta la relación del 1er. criterio respecto al 2do. criterio, en los momentos flexionantes sobre las trabes en sus apoyos verticales (columnas).

RELACION DE MOMENTOS EN LAS TRABES.

Nivel	Columnas de extremo		Columna central	
	2do.Crit.	1er.Crit.	2do.Crit.	1er.Crit.
1	1.00	0.92	1.00	1.16
2	1.00	0.90	1.00	1.46
3	1.00	0.94	1.00	1.50
4	1.00	0.99	1.00	2.62
5	1.00	0.96	1.00	1.65
6	1.00	0.96	1.00	3.33
7	1.00	0.98	-1.00	0.80
8	1.00	0.99	1.00	1.25
9	1.00	1.01	1.00	1.25

10	1.00	1.03	-1.00	-3.50
11	1.00	1.04	1.00	0.71
12	1.00	1.06	1.00	0.25
13	1.00	1.08	1.00	-0.36
14	1.00	1.09	1.00	0.56
15	1.00	1.12	1.00	0.34
16	1.00	1.15	1.00	0.18
17	1.00	1.14	1.00	0.59
18	1.00	1.10	1.00	0.47
19	1.00	1.22	1.00	0.40
20	1.00	1.20	1.00	0.63
21	1.00	1.26	1.00	0.57
22	1.00	1.31	1.00	0.53
23	1.00	1.29	1.00	0.70
24	1.00	1.35	1.00	0.60
25	1.00	1.46	1.00	0.67

Como podra apreciarse existe una marcada diferencia entre los momentos flexionantes obtenidos con el 1er. criterio y los del 2do. criterio.

La diferencia de momentos flexionantes que existe entre los dos criterios es mas marcada en los niveles superiores debido a lo siguiente:

El 1er. criterio analiza a la estructura en un solo modelo, mientras que en el 2do. criterio se analiza en varios modelos

esto es, de una manera similar a la que va construyendose. Por lo tanto en este ultimo metodo las cargas que actúan en el nivel 5 originan un desplazamiento en los nudos que existen en la estructura cuando empieza a actuar la carga de dicho nivel y el desplazamiento que sufre este nivel le afectara a los niveles superiores que existan cuando dicho desplazamiento ocurra. Por ejemplo, cuando ocurra el desplazamiento del nivel 5, originado por las cargas actuantes en dicho nivel, los niveles superiores deberán desplazarse igualmente debido a que deberán cumplirse una compatibilidad de deformaciones, y si en ese instante no existen los niveles del 10 al 25, por ejemplo, a estos niveles no les afectara el que el nivel 5 haya sufrido un desplazamiento por cargas actuantes en dicho nivel. Sin embargo en el análisis por el iter. criterio si afecta el desplazamiento del nivel 5, debido a las cargas actuantes en dicho nivel, a los niveles del 10 al 25, ya que se analiza un solo modelo a la vez en dicho metodo.

CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES

En base a los resultados presentados en el presente trabajo se observa que se pueden obtener diferentes solicitudes de diseño en una estructura de concreto según el método de análisis que se utilice y el criterio de cargas que se siga.

El presente trabajo tiene como fin mostrar al lector que existen varias alternativas para el criterio de cargas en el análisis de marcos de concreto, y pretende ilustrar de una manera sencilla la importancia que tienen los efectos de distorsión vertical en un marco de varios niveles, y que esta distorsión puede ser diferente según el criterio de cargas que se siga y por consiguiente llegar a obtener diferencias de resultados en el análisis. Esta diferencia llega a ser marcada en los niveles superiores del marco en cuestión y dependiendo de la exactitud que se quiera obtener, el ejemplo mostrado en este trabajo pudiera servir para decidir a partir de cuantos niveles un marco se analizaría con el criterio de cargas aquí expuesto.

Se pretende que los resultados mostrados en este trabajo de los diferentes criterios o caminos para analizar una estructura sirvan como base para estudios posteriores en estructuras que

pudieran presentar igualdad de circunstancias como las mostradas con el modelo considerado en el presente trabajo.

BIBLIOGRAFIA.

ESTA TESIS NO DEBE
SALIR DE LA BIBLIOTECA

Dr. en Ing. RAMON PADILLA MORA: "Analisis de marcos en 2 dimensiones", 1974.

GERE AND WEAVER: "Analysis of framed structures", Van Nostrand Reinhold Company, 1965.